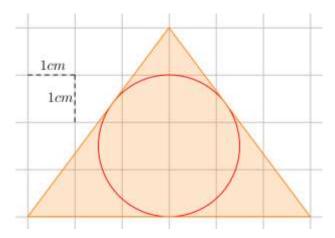


Torneo Geometría e Imaginación

Problema Semanal de entrenamiento - P25 - T3 - 2024

Hallar la longitud de radio de la circunferencia inscripta en el triángulo.

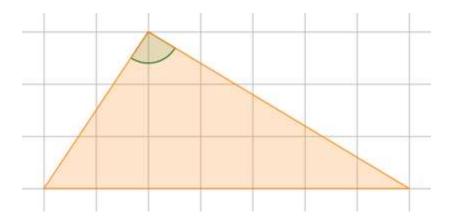




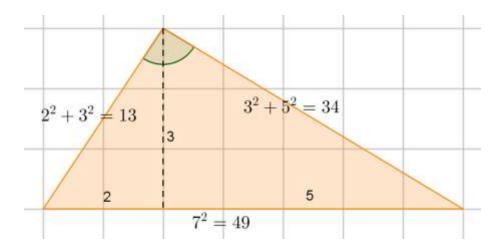
Torneo Geometría e Imaginación

Solución P24 - T3 - 2024

¿Es recto el ángulo interior de triángulo, marcado en la figura?

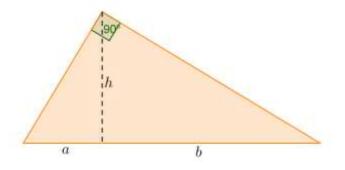


Solución: No, si lo fuera tendría que valer el Teorema de Pitágoras. Pero los cuadrados de sus lados son:



Dado que $13 + 34 = 47 \neq 49$, no se cumple el Teorema de Pitágoras, luego el ángulo no es recto.

Otra solución: En todo triángulo rectángulo, la altura h que parte del vértice del ángulo recto es la media geométrica de las longitudes de los segmentos en que el pie de dicha altura divide a la hipotenusa.

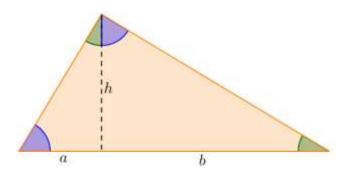




Torneo Geometría e Imaginación

Es decir que se vale la igualdad $h = \sqrt{a \cdot b}$.

Veamos este hecho. Los triángulos separados por la altura h, son semejantes.



Entonces:

$$\frac{h}{a} = \frac{b}{h}$$

o bien:

$$h^2 = a \cdot b$$

Si el ángulo, en el triángulo dado en el problema, fuera recto, debería cumplirse la identidad precedente, pero:

$$3^2 \neq 2.5$$

de modo que el ángulo no es recto.