

Sugerencias a los directores:

Los "Problemas Semanales" fueron pensados para que durante ese tiempo estén expuestos a la vista de los alumnos en el patio escolar; pasado ese tiempo serán reemplazados por los nuevos. Sería bueno que en ese período los directores averigüen quiénes los resolvieron y los alienten, con el apoyo de sus profesores a encontrar la solución más original o la más corta o la que usa recursos más elementales o ingeniosos. Este es el camino que conduce a la Olimpiada de Matemática y disfrutar de una tarea creativa ampliamente valorada.

*¡¡¡Difunda los Problemas!!!*

## Problemas Semanales

de Graciela Ferrarini, Gustavo Massaccesi,  
Laura Pezzatti y Ana Wykowski



Fecha: 06/09/2021

### Primer nivel

XXX-123 En la figura:

CDFG es un cuadrado,

DEF es un triángulo equilátero,

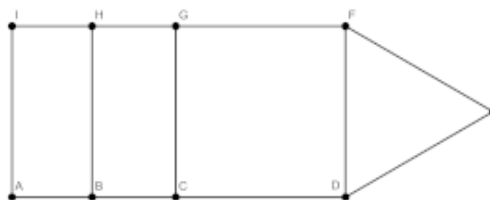
ABHI y BCGH son rectángulos iguales.

Perímetro BDEFH = 137cm

Perímetro ACGI = 90cm

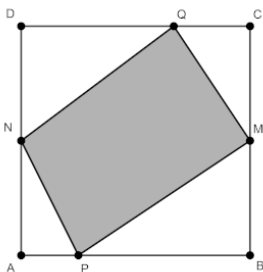
¿Cuál es el perímetro de ABHI?

¿Cuál es el perímetro de la figura?



### Segundo nivel

XXX-223 En la figura:



ABCD es un cuadrado de  $3600\text{cm}^2$  de área,

M y N son los puntos medios de BC y AD respectivamente,

$$PB = 3 AP,$$

$$DC = 3 QC.$$

¿Cuál es el área de APN?

¿Cuál es el área de MCQ?

¿Cuál es el área de PMQN?

**Tercer nivel**

**XXX-323** En la figura:

AB es un diámetro de la circunferencia de centro O.

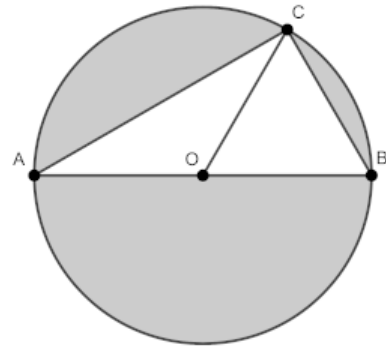
OBC es un triángulo equilátero.

Perímetro  $OBC=30\text{cm}$ .

¿Cuánto mide el ángulo  $CAB$ ?

¿Cuánto mide el ángulo  $BCA$ ?

¿Cuál es el área de la región sombreada?



Sugerencias a los directores:

Los "Problemas Semanales" fueron pensados para que durante ese tiempo estén expuestos a la vista de los alumnos en el patio escolar; pasado ese tiempo serán reemplazados por los nuevos. Sería bueno que en ese período los directores averigüen quiénes los resolvieron y los alienten, con el apoyo de sus profesores a encontrar la solución más original o la más corta o la que usa recursos más elementales o ingeniosos. Este es el camino que conduce a la Olimpiada de Matemática y disfrutar de una tarea creativa ampliamente valorada.

¡¡¡Difunda los Problemas!!!

## Problemas Semanales

de Patricia Fauring y Flora Gutiérrez



Fecha: 06/09/2021

**123.** Sea  $ABCD$  un paralelogramo. Se eligen los puntos  $E$  y  $G$  en la recta  $CD$  de modo que  $AC$  sea la bisectriz del ángulo  $\widehat{EAD}$  y también sea la bisectriz del ángulo  $\widehat{BAG}$ . La recta  $BC$  corta a  $AE$  y  $AG$  en  $F$  y  $H$  respectivamente. Demostrar que la recta  $FG$  pasa por el punto medio de  $HE$ .

**223.** Diremos que un par de enteros positivos distintos es *lindo* si su media aritmética y su media geométrica son ambas enteras. Determinar si es verdadero que para cada par lindo existe otro par lindo con la misma media aritmética. (Los pares  $(a, b)$  y  $(b, a)$  se consideran el mismo par.)

Nota. Si  $x$  e  $y$  son enteros positivos, su media aritmética es  $\frac{x+y}{2}$  y su media geométrica es  $\sqrt{xy}$ .

**323.** Dos circunferencias  $\alpha$  y  $\beta$ , de centros  $A$  y  $B$ , respectivamente, se cortan en  $C$  y  $D$ . El segmento  $AB$  corta a  $\alpha$  y  $\beta$  en  $K$  y  $L$  respectivamente. La semirrecta  $DK$  corta a la circunferencia  $\beta$  nuevamente en  $N$  y la semirrecta  $DL$  corta nuevamente a la circunferencia  $\alpha$  en  $M$ . Demostrar que el punto de intersección de las diagonales del cuadrilátero  $KLMN$  coincide con el incentro del triángulo  $ABC$ .